

УДК 373:51
ББК 22.1я721
Е28

В сборнике использованы задачи, предложенные
М.А. Волчкевичем, И.Р. Высоцким, Р.К. Гординым, О.Н. Косухиным,
М.Я. Пратусевичем, Д.А. Ростовским, А.Р. Рязановским, П.В. Семеновым,
В.А. Смирновым, К.М. Столбовым, А.И. Суздальцевым, А.С. Трепалиным,
Д.А. Федоровых, А.В. Хачатуряном, С.А. Шестаковым,
Д.Э. Шнолём, И.В. Яценко

Общая редакция
И.В. Яценко

ЕГЭ-2021 : Математика : 10 тренировочных вариантов экзаменационных работ
Е28 для подготовки к единому государственному экзамену : профильный уровень / под ред.
И.В. Яценко. — Москва: АСТ, 2021. — 68, [4] с. — (ЕГЭ-2021. Это будет на экзамене).
ISBN 978-5-17-132938-9

Данное пособие предназначено для учащихся 10–11 классов и абитуриентов. Оно позволяет в кратчайшие сроки и без привлечения других пособий успешно подготовиться к сдаче единого государственного экзамена по математике профильного уровня.

Пособие содержит 10 тренировочных вариантов. Каждый вариант составлен в полном соответствии с требованиями ЕГЭ, включает задания разных типов и уровней сложности.

В конце книги даны ответы на все задания. Ответы помогут в осуществлении контроля и самооценки своих знаний.

УДК 373:51
ББК 22.1я721

ISBN 978-5-17-132938-9

© ЧОУ ДПО «Московский Центр непрерывного
математического образования», (МЦНМО), 2020
© ООО «Издательство АСТ», 2020

СОДЕРЖАНИЕ

Предисловие	4
ИНСТРУКЦИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ ЭКЗАМЕНАЦИОННОЙ РАБОТЫ.	5
ВАРИАНТЫ ТРЕНИРОВОЧНЫХ РАБОТ	6
Вариант 1	6
Вариант 2	12
Вариант 3	18
Вариант 4	24
Вариант 5	30
Вариант 6	36
Вариант 7	42
Вариант 8	48
Вариант 9	54
Вариант 10	60
ОТВЕТЫ	66
ОБРАЗЕЦ ЭКЗАМЕНАЦИОННЫХ БЛАНКОВ	69

ПРЕДИСЛОВИЕ

Уважаемый старшеклассник! Этот сборник предназначен для подготовки к ЕГЭ по математике профильного уровня в 2021 году.

Сборник содержит 10 тренировочных вариантов экзаменационных работ, составленных в соответствии с демонстрационным вариантом и спецификацией 2020 года с учётом проекта изменений на 2021 год.

Варианты разработаны на основе вариантов, использовавшихся на экзамене в прошлые годы, и пополнены разнообразными типами задач для качественной и всесторонней подготовки к экзамену.

Первая часть экзаменационной работы состоит из 8 заданий с кратким ответом, а вторая часть — из 4 заданий с кратким и 7 заданий с развёрнутым ответом.

С 2015 года экзамен по математике стал двухуровневым. Экзамен профильного уровня рассчитан на выпускников, которым математика необходима для поступления в вуз. Для того чтобы эффективно пользоваться сборником, необходимо сначала определить собственную цель на ЕГЭ по математике.

1. Если Вам не нужны результаты ЕГЭ по математике для поступления в вуз, рекомендуем Вам обратить внимание на экзамен по математике базового уровня, сборник вариантов по которому представлен нашим издательством и также состоит из 30 вариантов.

2. Если Вам нужно сдать профильный экзамен по математике на минимально необходимый балл, сосредоточьтесь свои усилия на заданиях 1–8. Они не требуют обширных математических знаний; значительная часть этих заданий имеет практическую направленность — их можно решить, опираясь лишь на здравый смысл, базовые геометрические представления и умение считать. Сюжеты этих задач взяты из повседневной жизни — это задачи на расчёт скидок или оплаты за коммунальные услуги, расчёт площади на масштабной бумаге и т.п. Задача номер 4 требует умения вычислять вероятности простейших событий и также в основном опирается на общие естественные представления.

В процессе тренировки следует добиться устойчивых результатов и полного понимания смысла математических действий, которые Вы производите. Как только этот уровень будет достигнут, можно попробовать свои силы в решении более сложных задач — задач 9–12 из второй части. Некоторые из этих заданий также можно решить без формул.

3. Ваша задача — поступление в высшее учебное заведение, в котором математика является профильным экзаменом и требуется набрать максимально высокий балл. В таком случае Ваш экзамен состоит из всех заданий первой и второй части.

После того, как почувствуете себя уверенно, решая задания с кратким ответом, обратите внимание на задания 13–15. Не только потому, что они первые по списку — они требуют внимательного выполнения изученных в школе алгоритмов и менее трудоёмкие, чем задания 16 и 17.

4. Если Вы планируете продолжать математическое образование, Вам требуется высокий балл для того, чтобы подтвердить хорошее знание математики и свою конкурентоспособность. Тогда Вам нужно уметь решать все задания экзамена. Сразу скажем, что решить абсолютно все задания за отведённое время очень трудно. Но этого и не требуется. Экзамен составлен таким образом, что можно получить некоторое число баллов за задания 18 и 19, если внимательно разобраться в условиях и требованиях задачи и сделать осмысленные шаги на пути к решению. Например, иногда удаётся обоснованно ответить на один или два пункта в задании 19, не решив задачу полностью.

Но даже и в том случае, когда Ваша цель — последние задания экзамена, не забывайте про задачи первой части. Очень часто наиболее сильные участники экзамена, стремясь как можно скорее заняться сложными и интересными задачами второй части, допускают обидные ошибки в простых задачах с кратким ответом. Наш совет — внимательно проверьте свои решения простых задач, прежде чем погружаться в решение сложных.

В конце пособия даны ответы для проверки решений.

Желаем успеха!

ВАРИАНТЫ ТРЕНИРОВОЧНЫХ РАБОТ

ВАРИАНТ 1

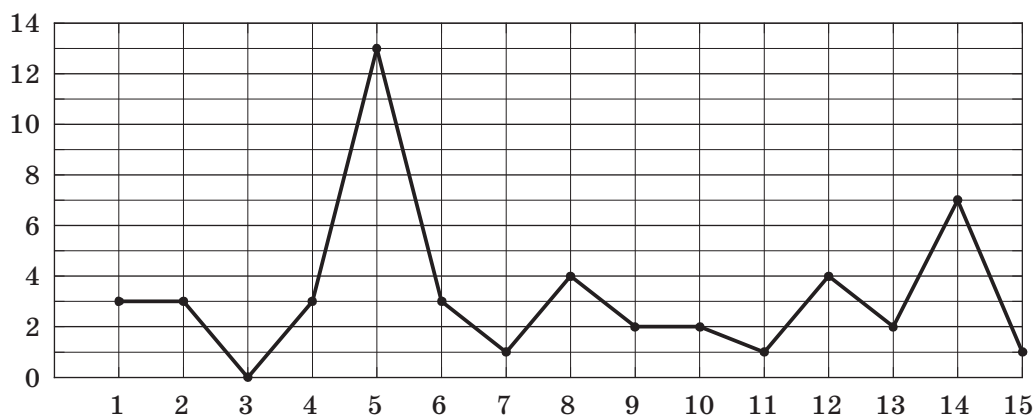
Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Часть 1

- 1 В школе 200 учеников, из них 25% — ученики начальной школы. Среди учеников средней и старшей школы 20% изучают немецкий язык. Сколько учеников в школе изучают немецкий язык, если в начальной школе немецкий язык не изучается?

Ответ: _____.

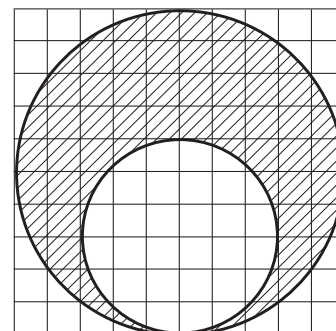
- 2 На рисунке жирными точками показано суточное количество осадков, выпавших в Череповце с 1 по 15 июля 2018 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — количество осадков, выпавших в соответствующий день, в миллиметрах. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку наибольшее суточное количество осадков, выпавшее в Череповце с 1 по 15 июля. Ответ дайте в миллиметрах.



Ответ: _____.

- 3 На клетчатой бумаге изображены два круга. Площадь внутреннего круга равна 9. Найдите площадь заштрихованной фигуры.

Ответ: _____.



4

На зачёте по прыжкам в высоту каждому даётся три попытки, чтобы преодолеть высоту 0,95 метра с разбега. Восьмиклассница Оля берёт такую высоту с вероятностью 0,4 в каждом отдельном прыжке. Найдите вероятность того, что Оля сдаст зачёт в этот раз.

Ответ: _____.

5

Найдите корень уравнения $(x - 4)^5 = -243$.

Ответ: _____.

6

Площадь треугольника ABC равна 40, DE — средняя линия, параллельная стороне AB . Найдите площадь трапеции $ABED$.

Ответ: _____.

7

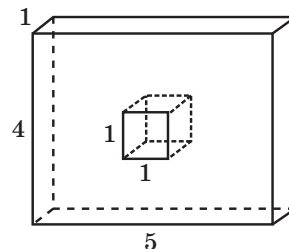
Прямая $y = 8x + 8$ параллельна касательной к графику функции $y = x^2 - 3x + 8$. Найдите абсциссу точки касания.

Ответ: _____.

8

Найдите площадь поверхности многогранника, изображённого на рисунке (все двугранные углы прямые).

Ответ: _____.



Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.

Часть 2

9

Найдите значение выражения $\frac{5(m^6)^5 + 13(m^{10})^3}{(2m^{15})^2}$.

Ответ: _____.

10

По закону Ома для полной цепи сила тока, измеряемая в амперах, равна $I = \frac{\varepsilon}{R + r}$, где ε — ЭДС источника (в вольтах), $r = 2$ Ом — его внутреннее сопротивление, R — сопротивление цепи (в омах). При каком наименьшем сопротивлении цепи сила тока будет составлять не более 10% от силы тока короткого замыкания $I_{\text{кз}} = \frac{\varepsilon}{r}$? (Ответ выразите в омах.)

Ответ: _____.