

М. Л. Лурье

Справочник авиаконструктора

Том 3. Прочность самолёта

**Москва
«Книга по Требованию»**

УДК 030
ББК 92
М11

М11 **М. Л. Лурье**
Справочник авиаконструктора: Том 3. Прочность самолёта / М. Л. Лурье – М.: Книга по Требованию, 2023. – 656 с.

ISBN 978-5-458-33405-1

ISBN 978-5-458-33405-1

© Издание на русском языке, оформление
«УОУО Media», 2023
© Издание на русском языке, оцифровка,
«Книга по Требованию», 2023

Эта книга является репринтом оригинала, который мы создали специально для Вас, используя запатентованные технологии производства репринтных книг и печати по требованию.

Сначала мы отсканировали каждую страницу оригинала этой редкой книги на профессиональном оборудовании. Затем с помощью специально разработанных программ мы произвели очистку изображения от пятен, клякс, перегибов и попытались отбелить и выровнять каждую страницу книги. К сожалению, некоторые страницы нельзя вернуть в изначальное состояние, и если их было трудно читать в оригинале, то даже при цифровой реставрации их невозможно улучшить.

Разумеется, автоматизированная программная обработка репринтных книг – не самое лучшее решение для восстановления текста в его первоизданном виде, однако, наша цель – вернуть читателю точную копию книги, которой может быть несколько веков.

Поэтому мы предупреждаем о возможных погрешностях восстановленного репринтного издания. В издании могут отсутствовать одна или несколько страниц текста, могут встретиться невыводимые пятна и кляксы, надписи на полях или подчеркивания в тексте, нечитаемые фрагменты текста или загибы страниц. Покупать или не покупать подобные издания – решать Вам, мы же делаем все возможное, чтобы редкие и ценные книги, еще недавно утраченные и несправедливо забытые, вновь стали доступными для всех читателей.

ОСНОВНЫЕ ОБОЗНАЧЕНИЯ

РЭС	G	Радиус кривизны	ρ
Вес единицы объема	γ	Статический момент сечения относительно оси x	S_x
Масса	$m(M)$	Момент инерции сечения относительно оси x	I_x
Перегрузка	n	Момент сопротивления сечения относительно оси x	W
Внешняя сила	P	Центробежный момент инерции сечения относительно осей x и y	I_{xy}
Внутренняя сила; осевая сила	S	Радиус инерции сечения относительно оси x	$i_x(x_c)$
Погонная поперечная нагрузка	q	Полярный момент инерции сечения	I_p
Удельная нагрузка; давление	p	Модуль упругости	E
Момент	M	Модуль сдвига	G
Критическая сила	$P_{кр}$	Коэффициент Пуассона	μ
Перерезывающая сила	Q	Нормальное напряжение	σ
Погонная касательная нагрузка	T	Касательное напряжение	τ
Работа	$W(A)$	Абсолютная продольная деформация при растяжении или сжатии	Δl
Потенциальная энергия	U	Относительная продольная деформация при растяжении или сжатии	ε
Время	$t(\tau)$	Относительный сдвиг	γ
Мощность л. с.	N	Угол закручивания	φ
кг м/с	P	Угол закручивания относительный (на единицу длины); крутка	θ
Число оборотов	n	Стрелка прогиба	f
Коэффициент полезного действия	η	Индекс растяжения	ρ
Тяга винта	T	Индекс сжатия	сж
Ускорение	a	Индекс изгиба	из
Ускорение свободного падения	g	Индекс сдвига	с
Угловое или дуговое перемещение	φ	Индекс временного сопротивления	b
Угловая скорость	ω	Индекс предела упругости	e
Угловое ускорение	ε	Индекс предела пропорциональности	p
Температура град. С	t	Индекс предела текучести	s
абс.	T	Обозначение центра тяжести	ц. т.
Частота колебаний	$\nu(f)$	Обозначение центра жесткости	ц. ж.
Угловая частота	$\omega(p)$	Обозначение центра давления	ц. д.
Период колебаний	T		
Амплитуда	A		
Объем	V		
Площадь поперечного сечения	$F(f)$		
Длина	L, l		
Диаметр сечения	D, d		
Радиус сечения	R, r		
Высота сечения	H, h		
Толщина стенки, — листа	δ		
Длина дуги кривой	s		
Эксцентриситет	e		

СТРОИТЕЛЬНАЯ МЕХАНИКА

ЗАМЕЧЕННЫЕ ОПЕЧАТКИ

Стр	Строка	Напечатано	Должно быть
2	12 сверху	Матвеев В М	Матвеев В Н
46	10 сверху	$\operatorname{tg} 2\alpha_0 = \frac{2I_{yz}}{I_y - I_z}$	$\operatorname{tg} 2\alpha_0 = \frac{2I_{yz}}{I_z - I_y}$
101	4 5 6 и 7 снизу	d	∂ (всюду частные производные)
201	9 снизу	$M_v = k_0 p b$	$M_v = k_3 p b^2$
203	7 снизу	$\chi = \frac{24(1 - \mu^2)}{a \delta^3}$	$\chi = \frac{24(1 - \mu^2)}{a \delta^3} I$
	8 снизу	$N_{v \text{ макс}} = 0,775 \frac{p_0 b^2}{\delta^2}$	$N_{v \text{ макс}} = 0,775 \frac{p_0 b^2}{\delta}$
	9 снизу	$N_{v \text{ макс}} = 0,775 \frac{p_0 b^2}{\delta^2}$	$N_{v \text{ макс}} = 0,775 \frac{p_0 b^2}{\delta}$
212	3 сверху	$N_{1 \text{ кр}} = \frac{D \pi^2}{b^2} \left[1 + \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right]^2 + 2 \frac{D_1}{b D} \frac{\left(\frac{a}{b} \right)^3 \left(1 + \frac{F_1}{b \delta} \right)}{\left(\frac{a}{b} \right)^3 \left(1 + \frac{F_1}{b \delta} \right)}$	$N_{1 \text{ кр}} = \frac{D \pi^2}{b^2} \left[1 + \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right]^2 + 2 \frac{D_1}{b D} \frac{\left(\frac{a}{b} \right)^3 \left(1 + \frac{F_1}{b \delta} \right)}{\left(\frac{a}{b} \right)^3 \left(1 + \frac{F_1}{b \delta} \right)}$
	11 сверху	$\frac{a}{d}$	$\frac{a}{b}$
248	Фиг 267	$F_{\text{стр}} = 2,25 \text{ м}^2$	$F_{\text{стр}} = 2,25 \text{ см}^2$
464	Фиг 462	Перевернута левая часть фигуры	
500	8 снизу	$f = f_c + f_c$	$f = f_n + f_c$
529	4 снизу	$n = \sqrt[4]{\frac{(n+1)D}{64 k}}$	$n = \sqrt[4]{\frac{(n+1)D}{64 D}}$

ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ

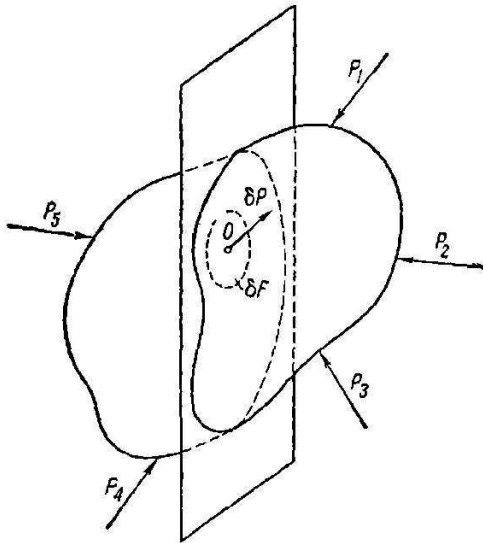
Напряжение

Напряжением ($\bar{\sigma}$) называется внутренняя сила, приходящаяся на единицу площади взятой поверхности в теле, находящемся под воздействием системы сил

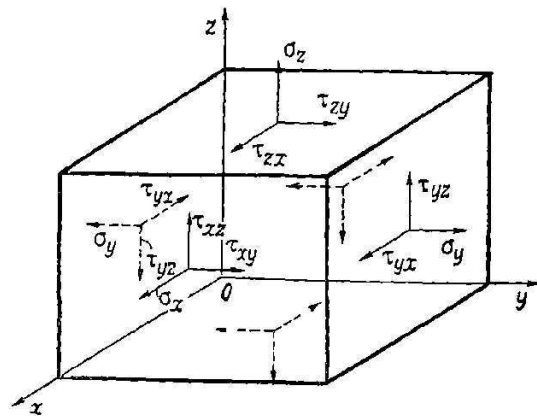
Напряжение есть вектор, в общем случае наклонный по отношению к поверхности (площадке, например, δF на фиг 1), на которой оно имеется, его обычно раскладывают на составляющие

нормальное напряжение (σ)
и касательное напряжение (τ)

Напряжение в точке O , например, на фиг 1) определяется по величине предельным отношением $\frac{\delta P}{\delta F}$ при непрерывном уменьшении δF , оставляя все время точку O внутри δF , а по направлению — соответствующим предельным направлением. При этом если система сил, имеющих на площадке δF , приводится кроме силы δP и к паре δM , предполагается, что отношение $\frac{\delta M}{\delta F}$ стремится к нулю



Фиг 1



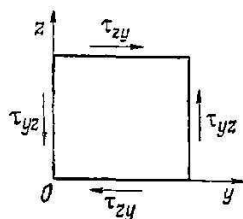
Фиг 2

Обозначения составляющих напряжения. На фиг 2 показаны обозначения составляющих напряжений на гранях малого элемента объема тела, взятого у точки O в виде куба, стороны которого параллельны осям координат $Oxyz$. На фиг 2 показаны положительные направления составляющих

Правило обозначения составляющих напряжения следующее
 для нормальных напряжений
 нормальное напряжение на грани обозначается буквой σ с индексом той оси, к которой эта грань перпендикулярна,
 для касательных напряжений
 касательное напряжение на грани имеет при τ индекс из двух букв, первая из которых есть индекс той оси, к которой эта грань перпендикулярна, а вторая есть индекс той оси, которой параллельна обозначаемая составляющая

Усилie, действующее на какую-либо грань элементарного объема, можно считать равным напряжению в центре грани, помноженному на площадь этой грани

Условия равновесия дают (фиг 2 и 3)



Фиг 3

$$\tau_{xy} = \tau_{yx}, \quad \tau_{xz} = \tau_{zx}, \quad \tau_{yz} = \tau_{zy}$$

т е равенство касательных напряжений по двум взаимноперпендикулярным площадкам (парность касательных напряжений)

Напряжение на любой площадке в точке можно выразить через

$$\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z \text{ и } \tau_{xy}, \tau_{xz}, \tau_{yz}$$

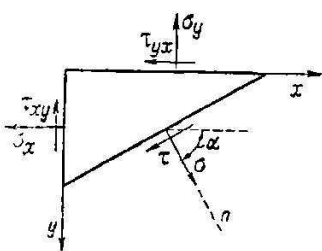
Главные напряжения Для любой точки внутри тела, подверженного действию системы сил, можно найти три взаимно перпендикулярные плоскости, для которых τ равно нулю, нормальные напряжения, действующие по этим площадкам, называются главными напряжениями, их направления — главными осями и плоскости — главными плоскостями В плоском напряженном состоянии (т е когда напряжения параллельны одной плоскости) можно найти две взаимно перпендикулярных плоскости, для которых касательное напряжение равно нулю, нормальные напряжения, действующие по этим площадкам, будут главными напряжениями, а их направления главными осями или главными направлениями

Формулы для определения напряжения в точке на площадке, наклоненной под любым углом к выбранному направлению (фиг 4—схема напряжений на гранях бесконечно малой трехгранной призмы) следующие

$$\sigma = \sigma_x \cos^2 \sigma + \sigma_y \sin^2 \sigma + 2\tau_{xy} \sin \sigma \cos \sigma,$$

$$\tau = \tau_{xy} (\cos^2 \sigma - \sin^2 \sigma) + (\sigma_y - \sigma_x) \sin \sigma \cos \sigma$$

Главные направления определяются из уравнения



Фиг 4

$$\operatorname{tg} 2\sigma = \frac{2\tau_{xy}}{\sigma_x - \sigma_y}$$

Если оси координат—главные, то

$$\sigma = \sigma_x \cos^2 \sigma + \sigma_y \sin^2 \sigma,$$

$$\tau = \frac{1}{2} (\sigma_y - \sigma_x) \sin 2\sigma$$

Наибольшее касательное напряжение действует в плоскости, разделяющей пополам угол между двумя главными напряжениями (т е при $\alpha = \frac{\pi}{4}$ в последнем случае) и равно

$$\tau_{\max} = \frac{\sigma_y - \sigma_x}{2}.$$

Главные напряжения в плоском напряженном состоянии являются: одно—наибольшим, и другое—наименьшим нормальными напряжениями из всех напряжений по любому направлению в данной точке.

Деформации

Деформация тела под воздействием системы внешних сил может быть представлена состоящей из перемещений частиц его. Расположение отдельных частиц деформированного тела определяется изменением длин элементов тела между ними и углов направления этих длин (по отношению к взятым ранее).

Приращение длины элемента называется абсолютным удлинением (или абсолютным укорочением) и обозначается через Δl . (Слово „абсолютное“ обычно опускается.)

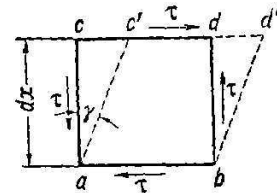
Отношение удлинения (или укорочения) к первоначально взятой длине, для которой измерено приращение длины называется относительным удлинением (или относительным укорочением) и обозначается через ε :

$$\varepsilon = \frac{\Delta l}{l}.$$

Относительным сдвигом называется угол, определяющий перекося элемента (фиг. 5),— обозначается через γ .

Сдвиг (cc') стороны cd элемента, представленного на фиг. 5, может быть получен, как отрезок, равный:

$$\gamma dx.$$



Фиг. 5

Составляющие деформации. Составляющие малого перемещения частицы тела, параллельные осям координат Ox , Oy и Oz , обозначаются соответственно через u , v и w .

Приращение длины элемента (удлинение или укорочение) может быть представлено с помощью составляющих перемещения:

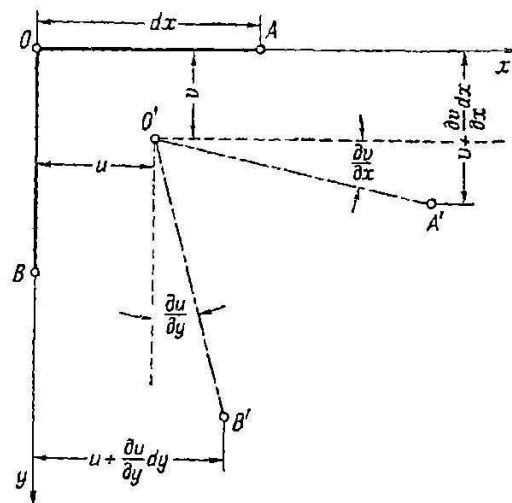
Если u — перемещение точки O (фиг. 6), то перемещение в том же направлении точки A , лежащей на оси Ox и находящейся на расстоянии dx от точки O , будет:

$$u + \frac{\partial u}{\partial x} dx = u + \varepsilon_x dx$$

(при условии непрерывного изменения перемещения).

Здесь

$$\frac{\partial u}{\partial x} dx \text{ — удлинение;}$$



Фиг. 6

$\varepsilon_x = \frac{\partial u}{\partial x}$ — относительное удлинение в точке O в направлении оси Ox (аналогично будут представлены и выражения для удлинений в направлениях других осей).

Деформация сдвига между плоскостями xz и yz определяется относительным сдвигом γ_{xy} (фиг. 6):

$$\gamma_{xy} = \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial y},$$

Составляющими деформации называются следующие шесть величин:

$$\begin{aligned} \varepsilon_x &= \frac{\partial u}{\partial x}, & \gamma_{xy} &= \frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x}, \\ \varepsilon_y &= \frac{\partial v}{\partial y}, & \gamma_{xz} &= \frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial x}, \\ \varepsilon_z &= \frac{\partial w}{\partial z}, & \gamma_{yz} &= \frac{\partial v}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial y}; \end{aligned}$$

они позволяют определить удлинение по любому направлению и изменение угла между любыми двумя направлениями.

Основные принципы

Принцип наложения (сложения действия сил). Напряжения и деформации, возникающие при действии на тело системы сил, равны суммам напряжений и деформаций, определяемых для тех же точек при действии составляющих систему сил в отдельности.

Принципом сложения действия сил можно пользоваться лишь в случаях, когда деформации от действия одних сил не сказываются на действии других, входящих в ту же систему сил.

Принцип Сен-Венана. Деформации и напряжения в теле на большом расстоянии от места приложения сил по сравнению с размерами поверхности, на которой действуют силы, не зависят от распределения сил; от распределения сил зависят лишь деформации и напряжения местные и в близко расположенных точках.

Закон Гука. В случае растяжения бруса из изотропного материала равномерно распределенными силами, не превосходящими некоторой величины, экспериментально установлена следующая зависимость:

$$\varepsilon_x = \frac{\sigma_x}{E},$$

которая носит название закона Гука. Величина E называется модулем упругости (иногда ее называют модулем Юнга).

При растяжении наблюдается укорочение поперечных размеров:

$$\varepsilon_y = -\mu \frac{\sigma_x}{E}.$$

Коэффициент μ носит название коэффициента Пуассона (или отношения Пуассона).

В случае чистого сдвига—напряженного состояния элемента, на границах которого действуют только касательные напряжения, а нормальные равны нулю,—зависимость между относительным сдвигом и касательным напряжением будет:

$$\gamma = \frac{\tau}{G},$$

где G —модуль сдвига.

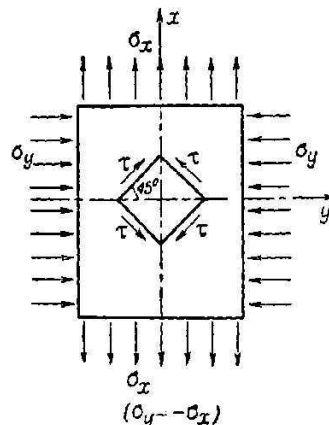
Модуль сдвига теоретически определяется с помощью E и μ так:

$$G = \frac{E}{2(1 + \mu)}.$$

Эти выражения легко находятся при рассмотрении находящегося в состоянии чистого сдвига элемента, вырезанного из прямоугольного параллелепипеда, растянутого и сжатого, как показано на фиг 7

В общем случае нагружения (фиг 2) деформация может быть определена на основании принципа сложения действия сил из следующих выражений составляющих деформации

$$\begin{aligned}\epsilon_x &= \frac{1}{E} [\sigma_x - \mu(\sigma_y + \sigma_z)], & \gamma_{xy} &= \frac{\tau_{xy}}{G}, \\ \epsilon_y &= \frac{1}{E} [\sigma_y - \mu(\sigma_x + \sigma_z)], & \gamma_{yz} &= \frac{\tau_{yz}}{G}, \\ \epsilon_z &= \frac{1}{E} [\sigma_z - \mu(\sigma_x + \sigma_y)], & \gamma_{zx} &= \frac{\tau_{zx}}{G}\end{aligned}$$



Составляющие напряжения через составляющие деформации могут быть представлены в виде

$$\begin{aligned}\sigma_x &= \lambda \Delta + 2G \epsilon_x, & \tau_{xy} &= \gamma_{xy} G, \\ \sigma_y &= \lambda \Delta + 2G \epsilon_y, & \tau_{yz} &= \gamma_{yz} G, \\ \sigma_z &= \lambda \Delta + 2G \epsilon_z, & \tau_{zx} &= \gamma_{zx} G,\end{aligned}$$

где

$$\lambda = \frac{\mu E}{(1 + \mu)(1 - 2\mu)},$$

$$\Delta = \epsilon_x + \epsilon_y + \epsilon_z$$

Зависимость между относительным объемным расширением и суммой нормальных напряжений следующая

$$\Delta = \frac{1 - 2\mu}{E} (\sigma_x + \sigma_y + \sigma_z) = \frac{\sigma_x + \sigma_y + \sigma_z}{3} \frac{3(1 - 2\mu)}{E}$$

Величина $\frac{E}{3(1 - 2\mu)}$ называется модулем объемного расширения

Потенциальная энергия упругого тела

Работа внутренних сил упругого тела называется потенциальной энергией его (или работой деформаций)

Потенциальная энергия упругого тела равна всей работе внешних сил, вызывающих деформации при статическом нагружении

Потенциальная энергия элементарного параллелепипеда выражается формулой

$$dU = \frac{1}{2} (\sigma_x \epsilon_x + \sigma_y \epsilon_y + \sigma_z \epsilon_z + \tau_{xy} \gamma_{xy} + \tau_{yz} \gamma_{yz} + \tau_{zx} \gamma_{zx}) dx dy dz$$

Полная энергия деформации упругого тела будет

$$U = \iiint dU$$

Общие уравнения задачи о плоском напряженном состоянии

Для решения задачи о плоском напряженном состоянии в общем случае составляют систему уравнений равновесия, условий на контуре и совместности

Дифференциальные уравнения равновесия:

$$\frac{\partial \sigma_x}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} + X = 0;$$

$$\frac{\partial \sigma_y}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} + Y = 0.$$

Здесь X и Y — составляющие объемной силы (силы, распределенной по объему тела; например, силы тяжести, силы инерции и т. п.). Если объемной силой является только вес тела, то дифференциальные уравнения представляются в виде:

$$\frac{\partial \sigma_x}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} = 0;$$

$$\frac{\partial \sigma_y}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} + \rho g = 0$$

(ρ — плотность тела и g — ускорение свободного падения).

Условия на контуре:

$$X_n = \sigma_x \cos \alpha + \tau_{xy} \cos \beta;$$

$$Y_n = \sigma_y \cos \beta + \tau_{xy} \cos \alpha.$$

Здесь X_n и Y_n — составляющие поверхностных сил, отнесенных к единице площади, для данной точки;

α и β — углы между нормалью и X_n и Y_n

Условие совместности. Между составляющими перемещения u и v , через которые выражаются составляющие деформации, должна быть определенная связь, что приводит к необходимости удовлетворить условие совместности (выраженное через составляющие деформации):

$$\frac{\partial^2 \varepsilon_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \varepsilon_y}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 \gamma_{xy}}{\partial x \partial y}.$$

Функция напряжений (функция Эри). Для решения задачи о плоском напряженном состоянии обычно вводят некоторую функцию напряжений φ — функцию Эри. В случае, когда объемной силой является только собственный вес, функция Эри должна удовлетворять уравнению:

$$\frac{\partial^4 \varphi}{\partial x^4} + 2 \frac{\partial^4 \varphi}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4 \varphi}{\partial y^4} = 0;$$

решение этого уравнения, удовлетворяющее условиям на контуре, даст решение рассматриваемой задачи.

Теории прочности

Для суждения о прочности тела, находящегося под воздействием сложной нагрузки (например, изгиб + кручение), по имеющимся опытным данным при простом нагружении предложено несколько теорий прочности. Здесь перечисляются четыре из них:

1. Теория наибольших напряжений. По этой теории должно производиться сравнение наибольшего напряжения с наибольшим напряжением при простом растяжении, или наименьшее — с наименьшим при простом сжатии, причем за наибольшее или наименьшее напряжение берется

предел текучести, соответственно при растяжении и сжатии; начало текучести, таким образом, по этой теории определяется равенством:

$$\sigma_x = \sigma_{s.p.},$$

или

$$\sigma_z = \sigma_{s.cж.}$$

при

$$\sigma_x > \sigma_y > \sigma_z.$$

(Здесь и дальше рассматривается случай нагружения тела по трем взаимноперпендикулярным направлениям).

Этой теорией теперь почти не пользуются; она дает большие расхождения с опытом во многих случаях сложного нагружения.

2. Теория наибольших деформаций. Теория предполагает, что заключение о прочности можно выводить из сравнения наибольших относительных удлинений при данной сложной нагрузке с относительным удлинением при простом растяжении (или наибольших относительных укорочений — с относительным укорочением при простом сжатии); начало текучести, таким образом, по этой теории определяется равенством:

$$\frac{\sigma_x}{E} - \frac{\mu}{E}(\sigma_y + \sigma_z) = \frac{\sigma_{s.p.}}{E}$$

или

$$\frac{\sigma_z}{E} - \frac{\mu}{E}(\sigma_x + \sigma_y) = \frac{\sigma_{s.cж.}}{E}.$$

Этой теорией пользуются редко, так как во многих случаях сложного нагружения она не согласуется с опытами.

3. Теория наибольших касательных напряжений. По этой теории считается, что следует сравнить касательные напряжения. Предполагается, что предел текучести при сложной нагрузке наступает, когда касательное напряжение будет равно касательному напряжению при пределе текучести в случае простого растяжения:

$$\frac{1}{2}(\sigma_x - \sigma_z) = \frac{\sigma_{s.p.}}{2}.$$

Этой теорией пользуются часто; она лучше согласуется с опытами, чем 1 и 2 теории, в особенности для пластических материалов.

4. Теория удельной работы. По этой теории должны сравниваться энергия, накопленная телом в единице объема при сложной нагрузке, с энергией, накопленной телом в единице объема при простом растяжении; начало текучести, таким образом, по этой теории определяется равенством:

$$\frac{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + \sigma_z^2}{2E} - \frac{\mu(\sigma_x\sigma_y + \sigma_y\sigma_z + \sigma_x\sigma_z)}{E} = \frac{\sigma_{s.p.}^2}{2E}.$$

Эта теория при сравнении с опытами дает, примерно, такие же результаты, как и теория наибольших касательных напряжений, но последней пользуются чаще, вследствие большей простоты применения.

РАСТЯЖЕНИЕ И СЖАТИЕ

В случае растяжения или сжатия призматического тела в одном направлении применяются следующие расчетные формулы
 Напряжение на площадке, нормальной к сечению (фиг 8)

$$\sigma = \frac{P}{F},$$

абсолютное удлинение Δl

$$\Delta l = \frac{Pl}{EF}$$

относительное удлинение ϵ

$$\epsilon = \frac{\Delta l}{l} = \frac{\sigma}{E}$$

Если площадка наклонена к вертикали под углом α , то напряжения на ней будут
 нормальное

$$\sigma_n = \sigma \cos^2 \alpha,$$

касательное

$$\tau = \sigma \frac{\sin 2\alpha}{2}$$

При $\alpha = 45^\circ$ будет $\tau_{\text{макс}} = \frac{\sigma}{2}$

Если имеется растяжение (или сжатие) по двум взаимноперпендикулярным направлениям то для параллелепипеда имеют место следующие формулы (фиг 9)

нормальное напряжение на площадке наклоненной под углом α к оси x

$$\sigma_n = \sigma_x \cos^2 \alpha + \sigma_y \sin^2 \alpha$$

касательное напряжение

$$\tau_n = \frac{1}{2} (\sigma_x - \sigma_y) \sin 2\alpha,$$

относительные удлинения

$$\epsilon_x = \frac{\sigma_x}{E} - \mu \frac{\sigma_y}{E}, \quad \epsilon_y = \frac{\sigma_y}{E} - \mu \frac{\sigma_x}{E}$$

Формулы для определения напряжений по относительным удлинениям имеют вид

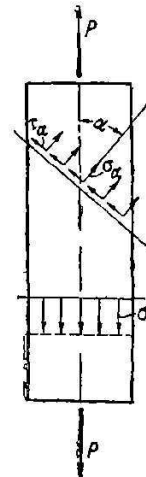
$$\sigma_x = \frac{\epsilon_x + \mu \epsilon_y}{1 - \mu^2} E, \quad \sigma_y = \frac{\epsilon_y + \mu \epsilon_x}{1 - \mu^2} E$$

Формулами для определения потенциальной энергии упругой деформации в случае простого растяжения (сжатия) являются

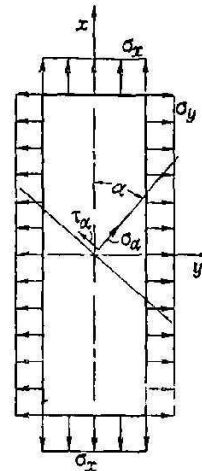
$$U = \frac{P \Delta l}{2} = \frac{P^2 l}{2EF} = \frac{(\Delta l)^2 EF}{2l} = \frac{\sigma^2 lF}{2E},$$

удельная работа (потенциальная энергия единицы объема)

$$a = \frac{U}{lF} = \frac{\sigma^2}{2E} = \frac{E \epsilon^2}{2}$$



Фиг 8



Фиг 9