

**Дж. Уилер**

**Гравитация, нейтрино и  
Вселенная**

**Москва**  
**«Книга по Требованию»**

УДК 52  
ББК 22.6  
Д40

Д40 **Дж. Уилер**  
Гравитация, нейтрино и Вселенная / Дж. Уилер – М.: Книга по Требованию, 2013. – 401 с.

**ISBN 978-5-458-27317-6**

Книга представляет собой перевод лекций известного американского физика-теоретика Дж. Уилера в Международной летней школе физики имени Энрико Ферми в Варенне (Италия); в дополнении помещены оригинальные статьи автора и других крупных зарубежных учёных таких как Мак-Витти и Мизнер. В целом книга содержит изложение ряда проблем гравитации, космологии и теории элементарных частиц. Основное внимание уделяется попытке объединенного описания гравитационного и электромагнитного полей, включающего топологические обобщения; обсуждаются также такие актуальные вопросы, как взаимные превращения гравитации и элементарных частиц, роль нейтрино и гравитационных волн в общем балансе энергии во Вселенной. Книга рассчитана на физиков и астрономов, математиков.

**ISBN 978-5-458-27317-6**

© Издание на русском языке, оформление

«YOYO Media», 2013

© Издание на русском языке, оцифровка,

«Книга по Требованию», 2013

Эта книга является репринтом оригинала, который мы создали специально для Вас, используя запатентованные технологии производства репринтных книг и печати по требованию.

Сначала мы отсканировали каждую страницу оригинала этой редкой книги на профессиональном оборудовании. Затем с помощью специально разработанных программ мы произвели очистку изображения от пятен, кляксы, перегибов и попытались отбелить и выровнять каждую страницу книги. К сожалению, некоторые страницы нельзя вернуть в изначальное состояние, и если их было трудно читать в оригинале, то даже при цифровой реставрации их невозможно улучшить.

Разумеется, автоматизированная программная обработка репринтных книг – не самое лучшее решение для восстановления текста в его первозданном виде, однако, наша цель – вернуть читателю точную копию книги, которой может быть несколько веков.

Поэтому мы предупреждаем о возможных погрешностях восстановленного репринтного издания. В издании могут отсутствовать одна или несколько страниц текста, могут встретиться невыводимые пятна и кляксы, надписи на полях или подчеркивания в тексте, нечитаемые фрагменты текста или загибы страниц. Покупать или не покупать подобные издания – решать Вам, мы же делаем все возможное, чтобы редкие и ценные книги, еще недавно утраченные и несправедливо забытые, вновь стали доступными для всех читателей.



$^{1/2}$  в теорию. В самом деле, в основе римановой геометрии лежит симметричный тензор 2-го ранга  $g_{\mu\nu}$  (играющий роль компонент гравитационного потенциала, или, в конце концов, волновой функции гравитационного поля). После выделения продольного гравитационного поля оставшаяся поперечная часть, по крайней мере для случая слабого поля, будет соответствовать гравитационным волнам (гравитонам), способным излучаться и уносить энергию. В дальнейшем подобные гравитоны могут даже, согласно нашей гипотезе, поддерживаемой Уилером, превращаться в электроны — позитроны, нейтрино — антинейтрино и другие пары элементарных частиц. Обратно, эти пары электронов, нейтрино могут превращаться в гравитоны. Наши расчеты подобных процессов были продолжены И. Пийром [9] для случая фотонов и Брилем и Уилером [10] для случая аннигиляции нейтрино — антинейтрино (см. также § 6 гл. IV настоящей книги). Однако последние ограничились лишь получением формулы общего вида, не вычисляя коэффициентов. Точная формула была получена недавно Ю. С. Владимировым [4] для случая аннигиляции  $e^-e_+$ , т. е. аналогичных спинорных частиц,

$$d\sigma = \frac{\kappa^2}{4(4\pi)^2} \frac{p^3}{16k_0} \sin^4 \theta \left\{ 1 + \frac{2p^2}{k_0^2 - p^2 \cos^2 \theta} - \frac{2p^4 \sin^4 \theta}{(k_0^2 - p^2 \cos^2 \theta)^2} \right\}.$$

В нерелятивистском пределе получается прежний результат

$$\sigma \sim r_g^2 \left( \frac{c}{v} \right) \left( \frac{\epsilon}{mc^2} \right)^2,$$

где  $r_g = \kappa m/c^2$  (в обычных обозначениях).

Таким образом, поперечное гравитационное поле в значительной мере эквивалентно обычному веществу. Вместе с тем из тензорных функций бозонного поля не-посредственно нельзя перейти к спинорам. Это обстоятельство подчеркивается Уилером в данной книге (Введение, гл. II). Следовательно, последняя серьезная попытка геометризации всей физики в лице геометродинамики впредь до дальнейших радикальных изменений, которые предварительно обсуждаются Уилером, не может претендовать на окончательный успех.

В целом Уилер дает широкую картину космологических и элементарных процессов, рассматриваемых с новой точки зрения. Автор считает себя продолжателем традиции Римана, Клиффорда, Эйнштейна в смысле геометризации физики. Оправдывая замечание Лауэ о преимущественном интересе человечества к проблемам пространства — времени, Уилер приводит даже ряд высказываний древних (Конфуций, Упанишады). Для лучшего понимания работ Уилера дадим самое краткое резюме современной ситуации в теории гравитации, отсылая за подробностями к сборнику «Новейшие проблемы гравитации» [3] и нашей вступительной статье к нему, вместе с тем дополняя эту статью, в частности, материалами 1-й Советской гравитационной конференции [4] и Ужгородской конференции 1961 г. по теоретической физике [5].

## § 2. Теория Эйнштейна

Фундаментом понимания гравитации ныне является эйнштейновская теория, полученная в рамках общей теории относительности и значительно обобщающая ньютоновскую теорию<sup>1)</sup>. Во-первых, по аналогии с электродинамикой или мезодинамикой можно было построить «гравидинамику», обобщая статическое уравнение, описывающее порождение поля распределением масс с плотностью  $\rho$ , беря справа в качестве источника весь тензор  $T_{\alpha\beta}$  плотности энергии-импульса-напряжений, включающих  $\rho$  как одну из 16 компонент; поэтому и в левой части следует ввести обобщенный потенциал в виде симметричного тензора  $h_{\alpha\beta}$ .

Действительно, гравитационное поле порождается не только материей с массой покоя, но и, например, фотонами и нейтрино, а также за счет кинетической энергии. Так как гравитационное поле может порождаться самим гравитационным полем, например гравитационными волнами, то новые уравнения будут нелинейными.

<sup>1)</sup> Килмистер [11] обсуждает вариант нелинейной теории, сохраняющей абсолютное время и вместе с тем удовлетворяющей принципу эквивалентности.

(Нелинейность тесно связана с принципом эквивалентности.) Подобные обобщения поднимают тензорное гравитационное поле по богатству свойств до уровня векторного электромагнитного, псевдоскалярного мезонного и других полей. Квантование этого поля приведет к гравитонам со спином 2, аналогичным фотонам и т. д.

Однако главная специфика эйнштейновской теории заключается в том, что «нормальная» гравидинамика непригодна, так как по ряду оснований гравитационное поле оказывается резко отличающимся от других полей, будучи теснейшим образом связанным с геометрией пространства-времени [1]. Гравитационные потенциалы, или волновые функции, совпадают с компонентами метрического тензора  $g_{\alpha\beta}^{(\text{метр.})} \equiv g_{\alpha\beta}^{(\text{грав.})}$ , характеризующего риманову геометрию искривленного от точки к точке 4-пространства.

В случае слабого поля и незначительного искривления

$$g_{\alpha\beta} = \epsilon_{\alpha} \delta_{\alpha\beta} + h_{\alpha\beta} \quad (\epsilon_{\alpha} = -1, -1, -1, +1).$$

Ограничивааясь низшими (вторым) производными, но отбрасывая ограничение линейностью, в конце концов получаем знаменитые уравнения Эйнштейна

$$R_{\alpha\beta} - \frac{1}{2} g_{\alpha\beta} R + \Lambda g_{\alpha\beta} = - \frac{8\pi G}{c^2} T_{\alpha\beta},$$

где  $\Lambda g_{\alpha\beta}$  — космологический член, эмпирически крайне малый, но для отбрасывания которого необходимы дополнительные теоретические или наблюдательные данные. (Факт его введения Эйнштейном для космологии и затем отбрасывания после установления фридмановской теории нестационарной Вселенной, сам по себе любопытен с точки зрения истории, но не является решающим аргументом; кроме того, фридмановские решения и т. д. применимы как в отсутствие, так и при наличии  $\Lambda g_{\alpha\beta}$ .) Здесь  $R$  — скаляр, а  $R_{\alpha\beta}$  — тензор Риччи, построенные из кристоффелей  $\Gamma_{\beta\gamma}^{\alpha}$  и их производных. Кристоффели являются аналогами напряженности поля, и в свою очередь построены из первых производных от  $g_{\alpha\beta}$  по координатам.

Из уравнений Эйнштейна (чаще всего рассматриваемых с  $\Lambda=0$ ) вытекает множество следствий, из которых наибольшее значение приобрело решение Шварцшильда, дающее потенциалы поля сферически-симметричной массы и обобщающее закон Ньютона. Отсюда вытекают три предсказания, подтвержденных астрономическими и земными наблюдениями: 1) сдвиг перигелия Меркурия (43" в столетие), 2) отклонение луча света от звезды в поле Солнца (1",75) и 3) красное смещение спектральных линий в поле тяготения, наиболее убедительно подтвержденное в 1960 г. в опытах с  $\gamma$ -лучами (Паунд и Ребка; Крэншоу). 4) Кроме того, в применении ко всей известной части Вселенной теория приводит к нестационарной расширяющей Вселенной Фридмана как наиболее правдоподобной картине<sup>1)</sup>. Неоднократно подчеркивалось неприятное ощущение из-за небольшого числа (3+1) подтверждений теории, означающей столь радикальный переворот в представлениях о пространстве-времени и тяготении.

Уточненные средства ядерной физики в виде безотдачных  $\gamma$ -лучей Мёссбауэра, использование элементарных частиц, применение молекулярных и атомных стандартов частоты («атомных часов») [16], расширение астрономических и радиоастрономических наблюдений, предстоящее развитие нейтринной астрономии вместе с замечательной возможностью использования спутников и ракет лишь в последние годы создали новую ситуацию. На очереди стоит открытие поправок, обязанных вращению тел (Тирринг — Лензе, Шифф) (см. [17]), открытие нестационарных гравитационных полей, гравитационных волн и измерение их скорости [14, 18], открытие возможной экранировки [19], следствий квантованной и различных обобщенных теорий.

За истекшие годы было проделано большое число теоретических исследований, среди которых наибольшее значение приобрели 1) получение уравнений движения

<sup>1)</sup> Основы общей теории относительности и ее приложения см. в монографиях, процитированных в нашей вступительной статье к сборнику [3]. См. также монографии Синга [12], Петрова [13] и Вебера [14]. Критический обзор новейшей литературы дан также в нашей статье [15].

тел из уравнений поля<sup>1)</sup> (Эйнштейн — Гофман — Инфельд с сотрудниками, В. А. Фок с Н. М. Петровой и другими сотрудниками), 2) анализ алгебраической структуры уравнений Эйнштейна и открытие трех типов решений (А. З. Петров, далее Пирани, Кундт, Хлаватый и др. [3, 4, 13]).

Много работ было посвящено проблеме энергии, волнам, затем космологии, единой теории поля, квантованию поля и связи гравитации с элементарными частицами. В целом физика ныне вступает в третий (после Ньютона и Эйнштейна) период исследования гравитации, который коротко можно назвать «атомно-космическим».

В самое последнее время в этих направлениях получены интересные результаты. В частности, проблема энергии гравитационного поля продвинулась вперед благодаря недавнему исследованию Мёллера [20], которое должно содействовать и анализу гравитационных волн. Ищется «комплекс»  $T_i^k$ , удовлетворяющий следующим условиям: 1) Комплекс должен быть аффинной тензорной плотностью, зависящей алгебраически от  $g^{ik}$  и их 1-х и 2-х производных. 2) Должен выполняться закон сохранения  $T_{i,k}^k \equiv (\partial T_i^k / \partial x^k) = 0$ . 3) Для замкнутой системы, когда 4-пространство плоско на бесконечности, где асимптотически допустимы прямоугольные координаты, величины

$$P_i = \frac{1}{c} \int T_i^4 (d^3x) \quad (x^4 = \text{const})$$

постоянны во времени и преобразуются как ковариантные компоненты вектора при линейных преобразованиях координат (это существенно для интерпретации интегрального выражения как импульса и энергии). 4)  $T_i^k$  преобразуется как плотность 4-вектора при чисто пространственных преобразованиях; тогда полная энергия в конечном объеме не будет зависеть от пространственных координат. Это есть условие локализуемости энергии.

Только старое выражение Эйнштейна удовлетворяло условиям «1», «2», «3»; однако оно нарушало условие

<sup>1)</sup> Проблема уравнений движения в связи с объединенным описанием гравитационного и электромагнитного полей (геометродинамикой) рассмотрена в недавней работе Уилера [23].

«4». Комплекс Мёллера — Мицкевича не удовлетворял условию «3», но являлся единственным в смысле удовлетворения условий «1», «2» и «4». Предлагается искать выход в совсем другом направлении, конструируя комплекс энергии не из компонент метрического тензора, а из тетрад или компонент ортогонального репера, сопоставленных каждой точке 4-пространства [21, 22]. Как известно, для описания взаимодействия спинора с гравитационным полем требуется ввести подобные величины (Фок — Иваненко, Вейль):  $g_{ik} = h_i(a) h_k(a)$ . Тогда 16 реперных компонент определяют метрику, но при заданных  $g_{ik}$  компоненты  $h_i(a)$  определены лишь с точностью до лоренцева вращения. Образуя из реперных компонент лагранжиан  $\bar{L}$ , можно прийти к искомому комплексу энергии, удовлетворяющему всем условиям «1» — «4»:

$$T_i^k = \sqrt{-g} (T_i^k)^{(\text{метр.})} + t_i^k = U_{i,1}^{kl},$$

где суперпотенциал  $U_i^{kl}$  представляет собой уже истинную тензорную плотность 3-го ранга, антисимметричную по двум знакоам:

$$U_i^{kl} = \frac{1}{4k} \left( \frac{\partial L}{\partial h^i(a);_1} h^k(a) - \frac{\partial L}{\partial h^i(a);_k} h^k(a) \right),$$

$$L = h(h^r(a);_s \cdot h^s(a);_s - h^r(a);_r \cdot h^s(a);_s);$$

однако для получения однозначного выражения энергии необходимо еще установить условия, фиксирующие относительную ориентацию тетрад в различных точках пространства.

Сложность уравнений гравидинамики и желательность выделения различных аспектов, обязаных, например, наличию 10 компонент, или нелинейности, или отсутствию антигравитации в обычных условиях и т. д., требует развития приближенных трактовок. Ввиду наглядности представляет интерес проведение аналогии между гравидинамикой и электродинамикой, которая неоднократно подчеркивается Уилером и была в специальной форме развита Мёллером [24], М. Дубининым, а также Форвардом [25]. В линейном приближении можно ввести вместе с Ю. Б. Румером [26] аналоги скалярного и векторного потенциалов, тензор напряженности

поля и рассмотреть гравитационные волны, а также ряд других эффектов. До сих пор неизвестен ввиду своей малости квазимагнитный гравитационный эффект.

### § 3. Компенсирующие поля

Наряду с «нормальной» гравидинамикой, трактующей гравитацию как погруженное в 4-пространство поле, и эйнштейновской геометризованной трактовкой, недавно стала вырисовываться третья точка зрения, подсказанная теорией элементарных частиц и сближающая гравитационное и прочие поля на базе законов сохранения. С точки зрения иерархии взаимодействий гравитация относится к ультраслабым и стоит после слабых (фермиевых), средних (электромагнитных) и сильных (барион-пионных) взаимодействий. Ослаблению взаимодействий соответствует понижение симметрии, уменьшение числа инвариантов и соответственно этому, в духе теоремы Нетер, уменьшение числа законов сохранения. Лишь для сильных взаимодействий сохраняется изospин, странность и барионное число; для слабых — не сохраняется четность и т. д. Поэтому риманова геометрия общей теории относительности, соответствующая отсутствию какой-либо однородности 4-пространства, отвечает предельно слабому, гравитационному взаимодействию. В этом смысле риманова геометрия и общая теория относительности не включается в рамки эрлангенской программы Ф. Клейна, как отметил Картан [27].

Можно пытаться искать наличие некоторой однородности для гравитации и существование группы, обобщающей группу Лоренца. (Если бы это имело место для реального гравитационного поля, то естественно было бы допустить наличие еще более слабых взаимодействий, связанных с отсутствием однородности.) Для ее отыскания предположим, что параметры преобразований Лоренца являются не константами, а функциями координат; иначе говоря, перейдем к локальной группе. Можно исходить либо из бесконечно малых поворотов в касательном пространстве [28], либо сразу из конечных преобразований [29, 30]. Тогда в уравнениях поля появятся дополнительные члены, содержащие производные от параметров поворота, и для устранения этих членов с

целью сохранения инвариантности приходится ввести компенсирующие члены, которые можно считать обязанными некоторому полю. Тогда оказывается, что компенсирующее поле, введенное путем перехода от постоянных к локальным параметрам группы Лоренца, играет роль гравитационного поля, по крайней мере в отношении членов взаимодействия (но в общем случае может содержать вклад от кручения наряду с искривлением). Это проверяется для случаев скалярных или псевдоскалярных частиц в уравнении Клейна — Гордона, и спинорных частиц в уравнении Дирака, что означает получение новым способом коэффициентов связности.

Указанная процедура вполне аналогична ситуации с инвариантностью уравнений относительно фазового преобразования  $\phi' = \phi e^{\alpha(x)}$ , так как в случае, когда  $\alpha$  не является постоянной, компенсация членов  $\partial\alpha/\partial x_\mu$  происходит за счет одновременного калибровочного (градиентного) преобразования вектор-потенциала электромагнитного поля  $A'_\mu = A_\mu + (\partial\alpha/\partial x_\mu)$ . Вместе с Сакураи [31] можно сказать, что электромагнитное поле вводится как «компенсирующее» при переходе от постоянной к локальной фазе. С этой общей точки зрения были рассмотрены преобразования в изопространстве, приводящие к новым компенсирующим полям [32]. В случае неточного сохранения соответствующее поле обладает массой покоя (подобно пионам).

Будущее развитие интересных идей компенсирующего поля, обращающих на себя в последние месяцы все большее внимание [33—44], покажет, имеем ли мы здесь только лишь новую ценную интерпретацию эйнштейновской теории, сближающую ее с другими бозонными полями, или же речь может идти даже о более общей теории гравитации [45—47].

#### § 4. Единая теория поля

В связи с попыткой Уилера построить единую картину материи — пространства-времени (в которую, впрочем, еще не удается включить фермионы) дадим классификацию геометризованных единых теорий.

Лишнеровиц [50] приводит классификацию всего по двум признакам: а) обобщенная связанность, б) варианты пятимерия. Эта схема является слишком узкой и не учитывает, например, топологии. Будем исходить из римановой геометрии, характеризуемой: 1) интервалом

$$ds^2 = g_{\alpha\beta} dx^\alpha dx^\beta$$

с симметричными  $g_{\alpha\beta}$ , 2) параллельным переносом вектора  $\delta A^\alpha = -\Gamma^\alpha_{\beta\gamma} A^\beta \delta x^\gamma$ , где кристоффели  $\Gamma^\alpha_{\beta\gamma}$  задаются через производные  $g_{\alpha\beta}$ , 3) евклидовой топологией 4-пространства, 4) непрерывным характером изменения координат; кроме того, 5) имеется в виду 4-мерное пространство-время и 6) допускаются любые преобразования координат, т. е. максимальная неоднородность 4-пространства. Различные обобщения, применяющиеся в единичных теориях в том или другом из указанных пунктов, выходили за рамки римановой геометрии [3]. В самом деле, геометрии Вейля, Эддингтона, Скаутена и др. вводили обобщенные  $\Gamma^\alpha_{\beta\gamma}$ . Вейль сверх того рассматривал конформно-инвариантные интервалы. Эйнштейн допускал несимметрию  $g_{\alpha\beta}$ . Пятимерные геометрии вслед за Калузой рассматривали О. Клейн, В. А. Фок, П. Иордан, О. Веблен, В. Паули, И. Тири, Э. Шмутцер, В. И. Родичев, Ю. В. Румер и др., в частности вводя или не вводя условия периодичности по пятой координате. Компоненты электромагнитного вектор-потенциала пытались вводить за счет пятого измерения, так же как за счет несимметричной метрики. В связи с изотопическими свойствами элементарных частиц, характеризующими внутренние степени свободы (изоспин, барионное число, странность; вероятно, также лептонное число) и вместе с тем взаимные связи частиц внутри изомультиплетов ( $p - n$ ,  $\Sigma^+ - \Sigma^0 - \Sigma^-$  и др.), была развита теория изопространства: 3-мерного, 4-мерного (евклидова и псевдоевклидова). Возникла идея объединения 4-пространства Минковского с изопространством (Иваненко — Бродский — Соколик, Хоанг — Фонг, Пайс, Юкава, Райский, Зайков и др.), и были развиты теории 6-, 7- и 8-мерных пространств разных типов [52, 53].

Уилер относится резко отрицательно к модификациям римановой геометрии типа единых теорий 20-х годов и ищет обобщения лишь в направлении топологии, вводя топологические ручки, дырки, многосвязные области при сохранении римановой геометрии и обычной топологии в малом (см. настоящую книгу). Поводом к подобным обобщениям, как подчеркивает Уилер, послужил анализ сингулярностей центрально-симметричного решения Шварцшильда (см. § 10, 12 и др. гл. I настоящей книги). Замечание Уилера о неизбежности квантовых флуктуаций метрики на самых малых расстояниях порядка универсальной длины  $L^* \approx (hG/c^3)^{1/2} \approx \approx 10^{-33} \text{ см}$  (гл. I, § 7 и 11 настоящей книги) и возможности благодаря этим флуктуациям изменения топологии, следует считать очень сильным. Недавно Ч. Мизнер и Д. Финкельштейн указали, что число переверток типа листа Мёбиуса дает даже в неквантованной теории целое число, которое они пытаются сопоставить с барионным числом или странностью [54]. Не следует ли допустить возможности перехода к дискретному 4-пространству благодаря подобным флюктуациям?

Что касается непрерывности координат, то, как известно, с целью устранения расходимостей были рассмотрены многие варианты дискретного пространства [22, 55]: примитивная решетка точек (Амбарцумян — Иваненко, Гейзенберг), операторы координат (Снайдер, см. [55]); Кадышевский [56], считая, что новая геометрия индуцирована слабым взаимодействием частиц, аналогично тому, как искривление 4-пространства обязано наличию гравитирующих масс, и проявляется при длинах волн порядка универсальной фермиевской длины  $\sim 10^{-17} \text{ см}$ , вводит искривленное импульсное пространство (М. Борн [57]). Тогда вновь получаются операторы Снайдера, причем прерывный характер пространственных и непрерывный характер временной координат сопоставляется несохранению пространственной и сохранению временной четности. Коиш [58] и И. С. Шапиро [59] использовали поле Галуа, например поле вычетов, т. е., наглядно говоря, конечное число точек в некоторой области; при этом интегралы заменяются суммами и расходимости исчезают. Теория оказывается очень жесткой